

**COURSE DATA****Data Subject**

Code	44086
Name	Geometric principles of computer design
Cycle	Master's degree
ECTS Credits	3.0
Academic year	2021 - 2022

Study (s)

Degree	Center	Acad. year	Period
2183 - M.D. in Mathematical Research	Faculty of Mathematics	1	First term

Subject-matter

Degree	Subject-matter	Character
2183 - M.D. in Mathematical Research	5 - Specialty in applied mathematics	Optional

Coordination

Name	Department
MONTERDE GARCIA-POZUELO, JUAN LUIS	363 - Mathematics

SUMMARY

En el ámbito del diseño de curvas y superficies con ordenador la geometría diferencial clásica ofrece métodos potentes para generar eficientemente objetos con propiedades particulares.

En esta asignatura se introduce al estudiante en una de las técnicas de generación de curvas y superficies y se estudian algunas de las aplicaciones de la geometría diferencial en este contexto.

PREVIOUS KNOWLEDGE**Relationship to other subjects of the same degree**

There are no specified enrollment restrictions with other subjects of the curriculum.



Other requirements

No son necesarios, aunque se utilizará el paquete informático "Mathematica" y se recordarán las definiciones necesarias de la geometría diferencial clásica.

OUTCOMES

2183 - M.D. in Mathematical Research

- Students should apply acquired knowledge to solve problems in unfamiliar contexts within their field of study, including multidisciplinary scenarios.
- Students should be able to integrate knowledge and address the complexity of making informed judgments based on incomplete or limited information, including reflections on the social and ethical responsibilities associated with the application of their knowledge and judgments.
- Students should demonstrate self-directed learning skills for continued academic growth.
- Que los estudiantes sepan aplicar los conocimientos y habilidades adquiridas planificando el tiempo y los recursos disponibles.
- Que los estudiantes sean capaces de aplicar los resultados y técnicas aprendidas para la resolución de problemas complejos de alguna de las áreas de las Matemáticas, en contextos académicos o profesionales.
- Que los estudiantes sean capaces de construir, interpretar, analizar y validar modelos matemáticos avanzados que simulen situaciones reales.
- Que los estudiantes sean capaces de comprender de manera autónoma artículos de investigación o innovación en alguna de las áreas de las Matemáticas.
- Que los estudiantes sepan elegir y utilizar herramientas informáticas adecuadas para abordar problemas relacionados con las Matemáticas y sus aplicaciones.
- Que los estudiantes sean capaces de diseñar, desarrollar e implementar programas informáticos eficientes para abordar problemas relacionados con las Matemáticas y sus aplicaciones.
- Que los estudiantes sean capaces de validar e interpretar los resultados obtenidos, comparando con visualizaciones, medidas experimentales y/o requisitos funcionales del correspondiente sistema físico.

LEARNING OUTCOMES

- Conocer una de las técnicas más utilizadas de generación de curvas y superficies por ordenador.
- Ser capaz de construir virtualmente algún objeto utilizando herramientas informáticas.
- Saber utilizar técnicas de geometría diferencial en la generación de curvas y superficies con algunas propiedades.



DESCRIPTION OF CONTENTS

1. Polinomios de Bernstein

- . Definición
- . Propiedades
- . Relación con la base de potencias
- . Elevación del grado
- . La demostración de Bernstein del teorema de convergencia de Weierstrass
- . Funciones generatrices de los polinomios de Bernstein
- . La envolvente de los polinomios de Bernstein
- . Ejercicios

2. Curvas de Bézier

- . Algoritmo de De Casteljau
- . Curvas de Bézier mediante polinomios de Bernstein
- . Propiedades de las curvas de Bézier
- . Derivadas de las curvas de Bézier
- . Subdivisiones de las curvas de Bézier
- . Cambio de base
- . Ejercicios

3. Ajuste mediante curvas de Bézier

- . Ajuste de puntos mediante curvas de Bézier
- . Ajuste de una semicircunferencia
- . Elección de los valores del parámetro
- . Ajuste de formas
- . Ejercicios

4. Curvas de Bézier racionales

- . Introducción
- . La parametrización racional estándar de la circunferencia
- . Definición
- . Efecto sobre la curva de Bézier, racional de un cambio en un peso
- . Curvas de Salkowski
- . Ejercicios
- .



5. Superficies de Bézier

- . Definición y primeras propiedades
- . Propiedades de la superficies de Bézier
- . Derivadas parciales de una superficie de Bézier
- . El vector normal
- . El plano tangente a lo largo de la frontera
- . Superficies de Bézier racionales
- . Las superficies de Richmond y de Henneberg
- . Ejercicios

6. Dos aplicaciones al diseño de curvas

- . Triedros móviles asociados a una curva en el espació.
- . Triedro a lo largo de una curva que minimizan la rotación.
- . Ejercicios
- . Curvas polinòmicas de hodógrafo pitagórico. Definición.
- . Curvas polinòmicas de hodógrafo pitagórico. Construcción.
- . Curvas polinòmicas de hodógrafo pitagórico con triedro de Frenet asociado racional.
- . Ejercicios

7. Superficies de Bézier armónicas y biarmónicas

- . Superficies polinómicas armónicas: soluciones explícitas
- . Superficies de Bézier armónicas: soluciones explícitas
- . Grados pequeños
- . Superficies de Bézier bicuadráticas armónicas
- . Superficies de Bézier bicúbicas armónicas
- . Superficies polinómicas biarmónicas: soluciones explícitas
- . Superficies de Bézier biarmónicas: soluciones explícitas
- . Grados pequeños
- . Superficies de Bézier bicuadráticas biarmónicas
- . Superficies de Bézier bicúbicas biarmónicas
- . Ejercicios

**WORKLOAD**

ACTIVITY	Hours	% To be attended
Theory classes	30,00	100
Development of group work	15,00	0
Development of individual work	5,00	0
Study and independent work	15,00	0
Readings supplementary material	5,00	0
Resolution of case studies	5,00	0
TOTAL	75,00	

TEACHING METHODOLOGY

Clases magistrales y simultáneamente online síncrono para estudiantes con dispensa de asistencia.

Clases en laboratorio de informática.

EVALUATION

Entrega de trabajos y colecciones de ejercicios.

REFERENCES**Basic**

- G. Farin, J. Hoschek and M.-S. Kim, eds. Handbook of Computer Aided Geometric Design, Ed. North-Holland Elsevier (2002)
- Rida T. Farouki, Pythagorean-Hodograph Curves. Algebra and Geometry inseparable, Springer, Berlin (2008).G. Farin,

Additional

- Gray, A., Modern Differential Geometry of Curves and Surfaces with Mathematica, Second edition, CRC Press (1998).



ADDENDUM COVID-19

This addendum will only be activated if the health situation requires so and with the prior agreement of the Governing Council

English version is not available

