

## FICHA IDENTIFICATIVA

Datos de la Asignatura		
Código	36587	
Nombre	Álgebra lineal y geometría II F-M	
Ciclo	Grado	
Créditos ECTS	9.0	
Curso académico	2022 - 2023	

Titulación	Centro	Curso Periodo
1928 - Programa de doble Grado Física-	Doble Grado en Física y	2 Primer
Matemáticas	Matemáticas	cuatrimestre

Materias	as and the second s				
Titulación	Materia	Caracter			
1928 - Programa de doble Grado Física-	2 - Segundo Curso (Obligatorio)	Obligatoria			
Matemáticas					

#### Coordinación

Titulación(es)

Nombre	Departamento
BALLESTER BOLINCHES, ADOLFO	363 - Matemáticas
ESTEBAN ROMERO, RAMON	363 - Matemáticas

## **RESUMEN**

El hilo conductor de esta materia es el estudio de los conceptos de álgebra lineal o cuadrática que resultan invariantes por cambios de base, para sus posteriores aplicaciones, especialmente al espacio afín euclidiano.

En álgebra lineal es natural referir los conceptos (aplicaciones lineales, aplicaciones bilineales, productos escalares...) a bases, pues su comportamiento sobre bases permite deducir propiedades de su comportamiento sobre cada elemento. Esto nos conduce a un álgebra matricial.

Sin embargo los conceptos geométricos-lineales son independientes de la base a que se refieren. Por tanto, debe analizarse qué sucede cuando se cambia de base, o de sistema de referencia cuando se considera un espacio afín.

Tratamos los siguientes tópicos:



- 1.- Dado un espacio vectorial se caracterizan las propiedades comunes de las matrices coordenadas de un mismo endomorfismo. En particular se da una caracterización de las clases de conjugación de automorfismos del espacio vectorial.
- 2.- Cuando el espacio vectorial tiene una métrica euclídea o hermitiana, tiene una base ortonormal; interesan las trasformaciones que conservan la métrica, es decir, las isometrías, y cómo afecta un cambio de base ortonormal a la expresión analítica de cada estructura/aplicación euclidiana.
- 3.- La tercera parte del programa profundiza en el estudio del espacio afín euclidiano, que es el espacio que mejor se aproxima a la geometría y física ordinarias.

### **CONOCIMIENTOS PREVIOS**

#### Relación con otras asignaturas de la misma titulación

No se han especificado restricciones de matrícula con otras asignaturas del plan de estudios.

#### Otros tipos de requisitos

Haber cursado la asignatura de Álgebra lineal y geometría I.

#### **COMPETENCIAS**

### **RESULTADOS DE APRENDIZAJE**

- Reconocer los endomorfismos y matries diagonalizables
- Dominar el cálculo de las formas canónicas de los endomorfismos de espacios vectoriales de dimension baja
- Dominar el cálculo de los subespacios complementos ortogonales
- Dominar el cálculo de las formas canónicas de endomorfismos simétricos y ortogonales
- Reconocer en el espacio afín euclídeo un modelo idóneo para la geometría métrica
- Dominar las técnicas de cálculos métricos en dimensiones bajas
- Dominar la clasificación de movimientos y cuádricas en espacios afines euclídeos de dimensiones bajas

## **DESCRIPCIÓN DE CONTENIDOS**

- 1. Preliminares
- 2. Teoría del endomorfismo. Formas canónicas. Factores invariantes. Divisores elementales.
- 3. Matrices sobre K[x]
- 4. Congruencia ortogonal en las matrices simétricas y ortogonales
- 5. Clasificación métrica de los movimientos de un espacio afín euclídeo
- 6. Cuádricas y cónicas. Clasificación métrica.

### **VOLUMEN DE TRABAJO**

ACTIVIDAD	Horas	% Presencial
Clases de teoría	45,00	100
Prácticas en aula	34,00	100
Otras actividades	11,00	100
Preparación de actividades de evaluación	35,00	0
Preparación de clases de teoría	50,00	0
Preparación de clases prácticas y de problemas	50,00	0
TOTAL	225,00	C   > /

## **METODOLOGÍA DOCENTE**

El trabajo presencial teórico consistirá básicamente en la asistencia a clases magistrales impartidas por el profesorado responsable de esta parte de la docencia.

Se prestará atención a la motivación de las intervenciones del alumnado a la hora de formular y resolver cuestiones.

Las clases presenciales prácticas tendrán dos tiempos: uno en el cual el profesor resuelve algún problema «tipo» o «motivador» y otro en el cual el alumnado, trabajando en grupo, resuelva los



problemas asignados por el profesorado.

### **EVALUACIÓN**

La evaluación del aprendizaje de los conocimientos y competencias conseguidas por los estudiantes se hará de forma continuada a lo largo del cuatrimestre, y constará de los siguientes bloques de evaluación:

#### 1.- Teoría y prácticas

La evaluación se realizará en dos etapas:

- Evaluación continua de la participación en las clases de prácticas y en las clases teóricas y la presentación de resultados en las sesiones de prácticas. Además el profesorado, si lo cree conveniente, podrá realizar controles a lo largo del cuatrimestre. Esta participación tendrá un peso de un 10 % (un punto) de la nota final.
- Evaluación final consistente en exámenes teórico-prácticos, cuyo peso sobre la nota es de un 80% (ocho puntos) de la nota final.

Para aprobar será necesario obtener una nota mínima de 4 sobre 10 en el examen.

#### 2.- Seminarios

Se evaluará la participación y asistencia en las sesiones de Seminario, que tendrá el peso de un punto, es decir, un 10% de la nota final.

**SEGUNDA CONVOCATORIA**: La nota obtenida en la evaluación continua y en las sesiones de seminario se trasladará a la segunda convocatoria. La evaluación continua y los seminarios no serán recuperables.



## **REFERENCIAS**

#### **Básicas**

- Referencia b1: T. W. Hungerford; Algebra, Springer; 1974

Referencia b2: B. Jacob, Algebra; Freeman and Co.; 1990

Referencia b3: N. Jacobson; Lectures in Abstract Algebra II; Freeman and Co., 1985

Referencia b4: J. Sancho San Román; Álgebra lineal y geometría; Octavio y Felex, 1985

Referencia b5: K. Spindler; Abstract algebra with applications, vol. I; Marcel Dekker, 1994

Referència b6: R. López Machí, J. Martínez Verduch; Polinomios, matrices y cuádricas; Publicacions

Universitat de València, 2016

Referència b7: A. Ballester-Bolinches, R. Esteban-Romero, V. Pérez-Calabuig; A note on the rational canonical form of an endomorphism of a vector space of finite dimension; Operators and Matrices, 12 (3), 823-836, 2018; doi:10.7153/oam-2018-12-49

Referència b8: D. S. Dummit, R. M. Foote; Abstract Algebra, 3rd ed.; Wiley, 2004

#### Complementarias

\_